

中学校数学解答用紙（解答例）

その2

[2] [求め方]

FP, HQを延長し, GCの延長との交点をRとすると
 三角錐R-CPQと三角錐R-GFHは相似で, 相似比は
 1:3となる。したがって体積比は1:27

また, 三角錐R-CPQの体積は

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 2 \times 2 \times 3 = 2$$

よって, 求める立体CPQ-GFHの体積は

$$2 \times (27-1) = 52$$

答 52cm³

[3]

(1)

$\sqrt{2} \times \sqrt{3}$ を2乗すると

$$\begin{aligned} (\sqrt{2} \times \sqrt{3})^2 &= (\sqrt{2} \times \sqrt{3}) \times (\sqrt{2} \times \sqrt{3}) \\ &= \sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{2} \times \sqrt{3} \\ &= (\sqrt{2})^2 \times (\sqrt{3})^2 \\ &= 2 \times 3 \\ &= 6 \end{aligned}$$

よって $\sqrt{2} \times \sqrt{3}$ は6の平方根であり, そのうち正の方だから
 $\sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{6}$

(2)

① 近似値 $\sqrt{2}=1.414\dots$, $\sqrt{3}=1.732\dots$ を用いて計算する
 と, $\sqrt{2}+\sqrt{3}=1.414\dots+1.732\dots=3.146\dots$ であり,
 $\sqrt{6}$ の近似値2.236 \dots とは異なることに気付かせる。

② 一般に $\sqrt{a}+\sqrt{b}=\sqrt{a+b}$ が成り立たないことを具体的な
 反例をあげて示し, 誤りであることに気付かせる。

[4]

$\triangle DPG$ と $\triangle PBF$ において

$$\angle DGP = \angle PFB \quad (\text{直角}) \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\angle DPG = \angle PBF \quad (\text{平行線の同位角}) \quad \dots \textcircled{2}$$

①, ②より二角がそれぞれ等しいので

$$\triangle DPG \sim \triangle PBF$$

これより

$$DG : GP = PF : FB$$

ここで, $DG = a$, $GP = y$, $PF = b$, $FB = x$ より

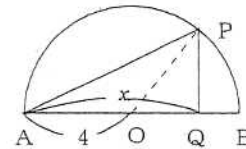
$$a : y = b : x$$

したがって

$$ax = by$$

[5]

(1) [求め方]



円の中心を点Oとすると

$$OA = OP = 4, \quad OQ = |x-4| \quad \text{より}$$

$$PQ^2 = 4^2 - (x-4)^2$$

$$= -x^2 + 8x \quad (0 < x < 8)$$

円錐の体積を求める。 $\frac{\pi}{3} \cdot PQ^2 \cdot AQ$

$$= \frac{\pi}{3} \cdot (-x^2 + 8x) \cdot x$$

$$= -\frac{\pi}{3}x^3 + \frac{8\pi}{3}x^2$$

$$\text{答} \quad \underline{-\frac{\pi}{3}x^3 + \frac{8\pi}{3}x^2}$$

(2) [求め方]

体積を $V(x)$ と置く。

$$V(x) = -\frac{\pi}{3}x^3 + \frac{8\pi}{3}x^2 = -\frac{\pi}{3}(x^3 - 8x^2) \quad \text{より}$$

$$V'(x) = -\frac{\pi}{3}(3x^2 - 16x) = -\frac{\pi}{3}x(3x - 16)$$

| | | | | | |
|---------|---|---|----------------|---|---|
| x | 0 | | $\frac{16}{3}$ | | 8 |
| $V'(x)$ | / | + | 0 | - | / |
| $V(x)$ | / | ↗ | 極大 | ↘ | / |

よって, $V(x)$ は $x = \frac{16}{3}$ のとき極大値であり, 最大である。

$$\text{求める体積は, } V\left(\frac{16}{3}\right) = \frac{\pi}{3} \left(\frac{16}{3}\right)^2 \left(-\frac{16}{3} + 8\right)$$

$$= \frac{2048}{81} \pi$$

$$\text{答} \quad \underline{\frac{2048}{81} \pi}$$